

# Devoir 1

DERA22549704

Date d'échéance : 22 oct 2018

- (1) Aucun travail rédigé au crayon de plomb ne sera corrigé.
- (2) Il faut bien écrire votre réponse (*e.g.* sans trop de ratures).
- (3) Si vous voulez transmettre votre devoir par courriel, il faut envoyer le fichier en format PDF. Aucun scan ni document Word ne sera accepté.
- (4) Vous pouvez remettre votre devoir en français ou en anglais.
- (5) Vous remettez une copie par personne.
- (6) Le devoir est sur 100 points.

Bienvenue à la fin du monde ! Après l'apocalypse des zombies, tu te trouves parmi les derniers êtres humains. Après des années d'incertitudes tu entends des nouvelles : il existe une nouvelle colonie où tu peux recommencer ta vie avec d'autres. Mais, tu entends aussi que cette colonie a des règles. Pour y aller il te faut être capable de trouver le chemin et résoudre les énigmes sur le chemin.

**Exercice 1** (20 points) Tu commences avec le seul indice que tu as : la distance. Tu sais que la distance entre toi-même et le prochain indice est  $\ln(100)$  km. D'habitude, ta vitesse en km/h est donnée par la fonction  $-18 \ln(\cos(x)) \tan(x)$ . Tu veux savoir combien d'heures tu dois marcher pour y arriver.

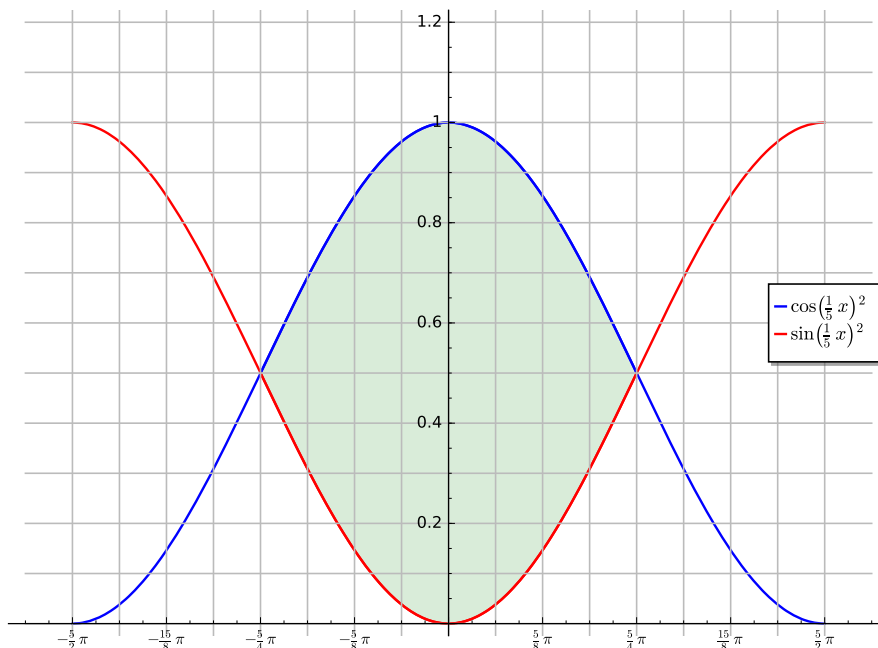
Pour résoudre ce problème il te faut trouver le nombre  $b$  en utilisant la méthode de substitution pour que l'équation suivante soit vraie :

$$\int_0^b -18 \ln(\cos(x)) \tan(x) dx = \ln(100)$$

**Exercice 2** (10 points) Après avoir marché longtemps, tu es arrivé.e au bâtiment du deuxième indice. Dedans, tu trouves deux nombres, 5 et 11.84, écrit sur chaque mur à tes côtés. Au milieu tu trouves 6 tableaux avec des craies. Tu te rappelles qu'il existe des partitions régulières !

Pour ce problème il te faut écrire une partition régulière qui commence à 5, termine à 11.84, et contient 6 nombres au total. Quelle est la longueur de chaque intervalle ? (Si nécessaire, arrondis les nombres au centième)

**Exercice 3** (20 points) Derrière toi, la porte se referme toute seule. Une lumière s'allume en haut et les murs deviennent blancs. Sauf un. Sur ce mur il est écrit : «Quelle est l'aire de ce bijou ? \_». Devant toi, un bijou apparait, représenté par cette image :



En utilisant tes méthodes préférées, donne l'aire entre ces courbes.

**Exercice 4** (20 points) Tu as trouvé l'aire ! Tu vas au mur pour l'inscrire, mais avant que tu y arrives, tu entends une voix méchante derrière toi. «Le bijou est fait d'uranium ! Bonne chance pour l'échapper avant de mourrir !»

Heureusement pour toi, juste derrière le bijou il y a une formule ! Elle te dit que le nombre d'heures que tu as est donné par la limite :

$$\lim_{x \rightarrow 0} (xe^x + \sin(x))^{\frac{x}{4}}$$

Évaluer cette limite et trouver à quoi elle approche.

**Exercice 5** (10 points) Maintenant, tu connais le temps que tu as pour enfuir. Tu cours vers la porte, en arrivant, tu te rends compte qu'il n'y a pas de poignée ! Tu regardes autour de toi et tu aperçois une petite boîte avec le symbole  $\Sigma$  dessus. Tu ouvres la boîte. Dedans il y a une formule et une serrure à combinaison. Pour l'ouvrir il te faut convertir la sommation suivante es une formule en utilisant  $\Sigma$  et après, en utilisant le fait que  $f(x) = 4(x-2)^6 + 3(x-2)^5 + 2^x(x-2)^3 + 3(x-2)^4$  et les formules de sommation, trouver la résultat.

$$-f(3) + \frac{f(4)}{8} - \frac{f(5)}{27} + \frac{f(6)}{64} - \frac{f(7)}{125}$$

**Exercice 6** (20 points) Quand tu mets la combinaison dans la serrure, la porte derrière toi s'ouvre et sur le mur principal tu vois une grande carte avec un chemin. Tu sais finalement comment y aller! Tu mémorises le chemin et commences à courrir vers la colonie. Après quelques jours tu te trouves devant la colonie! Tu vas jusqu'à la porte et tu trouves une dernière énigme. Il y deux portes et un panneau entre les deux qui disent :

Deux portillon,  
deux options.  
Un vers nous,  
un foutu.  
Suis tes pensées,  
tu n'as qu'un essai.

En utilisant l'intégration par parties, résoudre le problème suivant :

$$\int e^{(-\frac{1}{2}x)} \sin(4x) dx$$

**Exercice 7** (2 points) Si tu as essayé chaque question tu as réussi à entrer dans la colonie! Félicitations!