

On rejette un certain nombre  $t-1$  de candidat-e.s, puis on choisit le ou la meilleure par la suite. On note  $n$  le nombre total de candidat-e.s.

Ainsi, la probabilité de faire le bon choix est, en fonction de  $t$ :

$$\begin{aligned}
 P_n(t) &= \sum_{i=1}^n \text{Prob}(\text{candidat } i \text{ est le meilleur } \cap \text{ candidat } i \text{ est choisi}) \\
 &= \sum_{i=1}^n \text{Prob}(\text{candidat } i \text{ est choisi} \mid i \text{ est meilleur}) \times \frac{1}{n} \\
 &= \left[ \sum_{i=1}^{t-1} 0 + \sum_{i=t}^n \text{Prob}(\text{parmi les } i-1 \text{ premiers, le meilleur est dans les } t-1 \text{ premiers}) \right] \times \frac{1}{n} \\
 &= \sum_{i=t}^n \frac{t-1}{i-1} \times \frac{1}{n} \\
 &= \frac{t-1}{n} \sum_{i=t}^n \frac{1}{i-1}
 \end{aligned}$$

Aussi,  $P_n(1) = \frac{1}{n}$ .

Lorsque  $n$  est assez grand, et en posant  $k = \frac{t-1}{n}$ ,  $k = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{t-1}{n}$ ,  $dx = \frac{1}{n}$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} P_n(t) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{t-1}{n} \sum_{i=t}^n \frac{1}{i-1} \times \frac{1}{n}$$

$$= k \int_k^1 \frac{1}{x} dx$$

$$= -k \log(k)$$

De plus,  $\max(-k \log(k))$  est obtenu en  $k = e^{-1}$ .

$$\frac{d}{dk} -k \log(k) = -\log(k) - 1$$

$$= 0 \iff k = e^{-1} \approx 0.368 \dots$$